

L'essentiel du Chapitre 4 MOUVEMENT - LOIS DE NEWTON

1 Les vecteurs position, vitesse et accélération

Dans un référentiel donné, associé à un repère cartésien $(O; \vec{i}, \vec{j})$, pour un point M d'un système, à toute date t :

Dérivation par
rapport au temps

Dérivation par
rapport au temps

Vecteur position : \vec{OM}

$$\vec{OM} \begin{cases} x \text{ (m)} \\ y \text{ (m)} \end{cases}$$

Vecteur vitesse : $\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt}$

$$\vec{v} \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1}) \\ v_y = \frac{dy}{dt} \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1}) \end{cases}$$

Vecteur accélération : $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} \text{ (m}\cdot\text{s}^{-2}) \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = \frac{d^2y}{dt^2} \text{ (m}\cdot\text{s}^{-2}) \end{cases}$$

2 Des exemples de mouvements

Dans un référentiel donné, les vecteurs \vec{v} et \vec{a} permettent de caractériser le mouvement d'un système.

Mouvement rectiligne

uniforme

Vecteur vitesse

- **Direction** : droite support de la trajectoire
- **Sens** : celui du mouvement
- **Valeur** : $v \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1})$ constante

Vecteur accélération

$$\vec{a} = \vec{0}$$

uniformément varié

Vecteur vitesse

- **Direction** : droite support de la trajectoire
- **Sens** : celui du mouvement
- **Valeur** : $v \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1})$ variable au cours du temps

Vecteur accélération

- **Direction** : droite support de la trajectoire
- **Sens** :
 - celui de \vec{v} (mouvement accéléré)
 - opposé à \vec{v} (mouvement ralenti)
- **Valeur** : $a \text{ (m}\cdot\text{s}^{-2})$ constante

Mouvement circulaire

uniforme

Vecteur vitesse

- **Direction** : tangente à la trajectoire
- **Sens** : celui du mouvement
- **Valeur** : constante $v \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1})$

Vecteur accélération

- **Direction** : variable et perpendiculaire à la trajectoire
- **Sens** : vers le centre de la trajectoire
- **Valeur** : constante
 $(\text{m}\cdot\text{s}^{-2}) \rightarrow a = \frac{v^2}{R} \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1})^2 \text{ (m)}$

varié

Vecteur vitesse

- **Direction** : tangente à la trajectoire
- **Sens** : celui du mouvement
- **Valeur** : variable $v \text{ (m}\cdot\text{s}^{-1})$

Vecteur accélération

- **Direction** : variable et non perpendiculaire à la trajectoire
- **Sens** : vers l'intérieur de la trajectoire
- **Valeur** : variable
 $a \neq \frac{v^2}{R} \text{ car } a_t \neq 0$

3 La deuxième loi de Newton

Cette loi n'est valable que dans les référentiels galiléens, référentiels dans lesquels s'applique le principe d'inertie.

$$\text{Deuxième loi de Newton} \\ \Sigma \vec{F} = m \vec{a}_G$$

G est le centre de masse du système, seul point de ce système où s'applique toujours le principe d'inertie :
 $\Sigma \vec{F} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{v}_G = \text{cte}$