

1 Le théorème de l'énergie cinétique

L'énergie cinétique d'un système

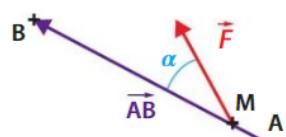
$$\mathcal{E}_c \text{ en J} \rightarrow \mathcal{E}_c = \frac{1}{2} m \times v^2 \quad \begin{matrix} m \text{ en kg} \\ v \text{ en m} \cdot s^{-1} \end{matrix}$$

Le travail d'une force constante

$$W_{A \rightarrow B}(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \vec{AB} = F \times AB \times \cos \alpha \quad \begin{matrix} F \text{ en N} \\ W \text{ en J} \end{matrix}$$

AB en m
sans unité

α : angle entre le vecteur force \vec{F} et le vecteur déplacement \vec{AB} .



Le théorème de l'énergie cinétique

La variation de l'énergie cinétique d'un système en mouvement d'une position A à une position B est égale à la somme des travaux de **toutes** les forces appliquées au système entre A et B :

$$\Delta \mathcal{E}_{c,A \rightarrow B} = \mathcal{E}_{c_B} - \mathcal{E}_{c_A} = \sum_i W_{A \rightarrow B}(\vec{F}_i) \quad \begin{matrix} \mathcal{E}_c \text{ en J} \\ W \text{ en J} \end{matrix}$$

Travail du poids

$$W_{A \rightarrow B}(P) = m \times g \times (z_A - z_B) \quad \begin{matrix} m \text{ en kg} \\ g \text{ en N} \cdot kg^{-1} \\ z_A \text{ et } z_B \text{ en m} \end{matrix}$$

2 L'énergie mécanique

À chaque force conservative \vec{F}_C , est associée une énergie appelée énergie potentielle \mathcal{E}_p telle que :

$$\mathcal{E}_p \text{ en J} \rightarrow \Delta \mathcal{E}_{p,A \rightarrow B} = \mathcal{E}_{p_B} - \mathcal{E}_{p_A} = -W_{A \rightarrow B}(\vec{F}_C) \quad W \text{ en J}$$

L'énergie potentielle de pesanteur d'un système

$$\mathcal{E}_p \text{ en J} \rightarrow \mathcal{E}_p = m \times g \times z \quad \begin{matrix} m \text{ en kg} \\ g \text{ en N} \cdot kg^{-1} \\ z \text{ en m} \end{matrix}$$

À l'altitude $z = 0$ m choisie comme référence, $\mathcal{E}_p = 0$ J. L'axe Oz est orienté vers le haut.

L'énergie mécanique d'un système

$$\mathcal{E}_m = \mathcal{E}_c + \mathcal{E}_p$$

Avec \mathcal{E}_c énergie cinétique et \mathcal{E}_p énergie potentielle.

3 La variation de l'énergie mécanique

La conservation de l'énergie mécanique

Si, lors du mouvement de A à B, la **somme des travaux des forces non conservatives** appliquées à un système est **nulle** alors :

$$\Delta \mathcal{E}_{m,A \rightarrow B} = \mathcal{E}_{m_B} - \mathcal{E}_{m_A} = 0 \text{ J}$$

La non conservation de l'énergie mécanique

Si, lors du mouvement de A à B, la **somme des travaux des forces non conservatives** appliquées à un système est **non nulle** alors :

$$\Delta \mathcal{E}_{m,A \rightarrow B} = \mathcal{E}_{m_B} - \mathcal{E}_{m_A} = \sum_i W_{A \rightarrow B}(\vec{F}_{NC,i})$$

La variation de l'énergie mécanique $\Delta \mathcal{E}_{m,A \rightarrow B}$ permet de déterminer des valeurs de vitesse, des positions, des travaux ou des valeurs de forces non conservatives.